

ಕರ್ನಾಟಕ ಪ್ರೌಢಶಿಕ್ಷಣ ಪರೀಕ್ಷೆ ಮಂಡಳಿ
ಮಲ್ಲೇಶ್ವರಂ, ಬೆಂಗಳೂರು-560003.

KARNATAKA SECONDARY EDUCATION EXAMINATION BOARD

Malleshwaram, Bengaluru – 560003

2020-21 ಸಾಲಿನ ಮಾದರಿ ಪ್ರಶ್ನೆ ಪತ್ರಿಕೆ – 1

ವಿಷಯ : ಗಣಿತ

ವಿಷಯ ಸಂಕೇತ : 81-K

ಅವಧಿ : 3 ಗಂಟೆಗೆ 15 ನಿಮಿಷ

ಗರಿಷ್ಠ ಅಂಕಗಳು : 80

**ಕನ್ನಡ ಮಾಧ್ಯಮ
ಶಾಲಾ ಅಭ್ಯರ್ಥಿಗಳಿಗೆ**

ಪರೀಕ್ಷಾರ್ಥಿಗಾಗಿ ಸಾಮಾನ್ಯ ಸೂಚನೆಗಳು :

1. ಈ ಪ್ರಶ್ನೆಪತ್ರಿಕೆಯು ವಸ್ತುನಿಷ್ಟ ಮತ್ತು ವಿಷಯನಿಷ್ಟ ಮಾದರಿಯ 38 ಪ್ರಶ್ನೆಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿದೆ.
2. ಈ ಪ್ರಶ್ನೆಪತ್ರಿಕೆಯನ್ನು ಹಿಮ್ಮುಖಿ ಜಾಕೆಟ್ ಮೂಲಕ ಮೊಹರು (ಸೀಲ್) ಮಾಡಲಾಗಿದೆ. ಪರೀಕ್ಷೆ ಪ್ರಾರಂಭವಾಗುವ ಸಮಯಕ್ಕೆ ನಿಮ್ಮ ಪ್ರಶ್ನೆಪತ್ರಿಕೆಯ ಬಲಬದಿ ಪಾಶ್ಚಾತ್ಯವನ್ನು ಕತ್ತಲಿಸಿ, ಪ್ರಶ್ನೆಪತ್ರಿಕೆಯಲ್ಲಿ ಎಲ್ಲಾ ಪುಟಗಳು ಇವೆಯೇ ಎಂದು ಪರೀಕ್ಷಿಸಿಕೊಳ್ಳಿ.
3. ವಸ್ತುನಿಷ್ಟ ಮತ್ತು ವಿಷಯನಿಷ್ಟ ಮಾದರಿಯ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಸೂಚನೆಗಳನ್ನು ಪಾಲಿಸಿ.
4. ಬಲ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಅಂಕಗಳು ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗಿರುವ ಪೂರ್ಣ ಅಂಕಗಳನ್ನು ತೋರಿಸುತ್ತವೆ.
5. ಪ್ರಶ್ನೆಪತ್ರಿಕೆಯನ್ನು ಓದಿಕೊಳ್ಳಲು 15 ನಿಮಿಷಗಳ ಕಾಲಾವಕಾಶವು ಸೇರಿದಂತೆ, ಉತ್ತರಿಸಲು ನಿಗದಿಪಡಿಸಲಾದ ಸಮಯವನ್ನು ಪ್ರಶ್ನೆಪತ್ರಿಕೆಯ ಮೇಲಾಗುವುದಲ್ಲಿ ನೀಡಲಾಗಿದೆ.

- I.** ಈ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಅಧಿವಾ ಅಪೂರ್ಣ ಹೇಳಿಕೆಗಳಿಗೆ ನಾಲ್ಕು ಆಯ್ದುಗಳನ್ನು ನೀಡಲಾಗಿದೆ. ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಸೂಕ್ತವಾದ ಉತ್ತರವನ್ನು ಆರಿಸಿ ಕ್ರಮಾಕ್ಷರದೊಂದಿಗೆ ಬರೆಯಿರಿ. **8 x 1 = 8**

1. ಎರಡು ಚರಾಕ್ಷರಗಳಿರುವ ರೇಖಾಶ್ಕರಣ ಸಮೀಕರಣಗಳಾದ $x + 2y = 3$ ಮತ್ತು $2x + 4y = k$ ಗಳು ಇಕ್ಕೆಗೊಂಡರೆ 'k'ಯ ಬೆಲೆಯು :

A. 3

B. 6

C. -3

D. -6

ಉತ್ತರ: ರೇಖೆಗಳು ಇಕ್ಕೆಗೊಂಡರೆ,

$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{c_1}{c_2} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{-3}{-k} \Rightarrow -k = -6 \Rightarrow k = 6$$

2. ಒಂದು ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿಯ 'n' ನೇ ಪದ $a_n = 4n + 5$ ಆದಾಗ ಶ್ರೇಣಿಯ 3ನೇ ಪದವು:

A. 5

B. 9

C. 13

D. 17

ಉತ್ತರ: $a_n = 4n + 5$

$$a_3 = 4 \times 3 + 5$$

$$a_3 = 12 + 5$$

$$a_3 = 17$$

3. $x^2 + 6x + k = 0$ ವರ್ಗಸಮೀಕರಣದ ಮೂಲಗಳು ಸಮನಾದರೆ 'k' ಯ ಬೆಲೆಯು

A. 9

B. -9

C. 8

D. 5

ಉತ್ತರ: $b^2 - 4ac = 0$

$$(-6)^2 - 4(1)(k) = 0$$

$$36 - 4k = 0$$

$$36 = 4k$$

$$k = 9$$

4. $\sin 60^\circ \times \cos 30^\circ$ ಗೆ ಬೆಲೆಯು :

A. $\frac{1}{4}$

B. $\frac{\sqrt{3}}{4}$

C. $\frac{3}{4}$

D. $\frac{1}{2}$

ಉತ್ತರ: $\frac{\sqrt{3}}{2} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{3}{4}$

5. $p(4, 3)$ ನಿರ್ದೇಶಾಂಕವು x - ಅಕ್ಷದಿಂದ ಇರುವ ದೂರ :

A. 2 ಮಾನಗಳು

B. 3 ಮಾನಗಳು

C. 4 ಮಾನಗಳು

D. 5 ಮಾನಗಳು

ಉತ್ತರ: 3 ಮಾನಗಳು

6. ಒಂದು ವೃತ್ತವನ್ನು ಎರಡು ಬಿಂದುಗಳಲ್ಲಿ ಭೇದಿಸುವ ಸರಳ ರೇಖೆಯು ಇದಾಗಿದೆ :

A. ಭೇದಕ

B. ಸ್ಪರ್ಶಕ

C. ತ್ರಿಷ್ಟ್ಯಾ

D. ಲಂಬಕ

ಉತ್ತರ: 3 ಭೇದಕ

7. ಒಂದು ಸಿಲಿಂಡರಿನ ಘನಫಲವು 300 m^3 ಆಗಿದೆ. ಸಿಲಿಂಡರ್‌ನ ಪಾದದ ತ್ರಿಜ್ಯ ಮತ್ತು ಎತ್ತರವಿರುವ ಒಂದು ಶಂಕುವಿನ ಘನಫಲವು :

A. 900 m^3

B. 600 m^3

C. 150 m^3

D. 100 m^3

ಉತ್ತರ: ಶಂಕುವಿನ ಘನಫಲವು ಸಿಲಿಂಡರಿನ ಘನಫಲದ $\frac{1}{3}$ ರಷ್ಟಿರುತ್ತದೆ.

8. ತ್ರಿಜ್ಯ 7 cm ಇರುವ ಒಂದು ಗೋಳದ ಮೇಲ್ಮೈ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವು.

A. 154 cm^2

B. 308 cm^2

C. 616 cm^2

D. 770 cm^2

ಉತ್ತರ: ಗೋಳದ ಮೇಲ್ಮೈ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ $= 4\pi r^2$

$$= 4 \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7$$

$$= 4 \times 22 \times 7$$

$$= 616\text{cm}^2$$

II. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ.

$8 \times 1 = 8$

9. $2x+3y-9=0$ ಮತ್ತು $4x+6y-18=0$ ಈ ಜೋಡಿ ರೇಖಾತ್ಮಕ ಸಮೀಕರಣಗಳು ಎಷ್ಟು ಪರಿಹಾರಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿವೆ?

ಉತ್ತರ: $\frac{a_1}{a_2} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$

$$\frac{b_1}{b_2} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{c_1}{c_2} = \frac{-9}{-18} = \frac{1}{2}$$

ಇಲ್ಲಿ, $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$ ಅದ್ದರಿಂದ ಅಪರಿಮಿತ ಪರಿಹಾರಗಳಿವೆ.

10. ವರ್ಗಸಮೀಕರಣದ ಆದಶರ್ತ ರೂಪವನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

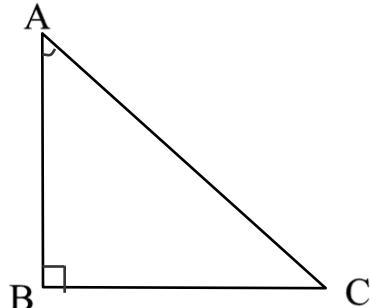
ಉತ್ತರ: $ax^2 + bx + c = 0$

11. $\tan\theta - \cot(90^\circ - \theta)$ ಇದರ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಉತ್ತರ: $\tan\theta - \cot(90^\circ - \theta)$

$$= \tan\theta - \tan\theta = 0$$

12. ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ $\angle B=90^\circ$, $\angle A = \angle C$ ಮತ್ತು $BC=10\text{cm}$ ಆದರೆ $\tan 45^\circ$ ರ ಅಳತೆಯನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.



ಉತ್ತರ: $\tan A = \frac{BC}{AB}$

$$\Rightarrow \tan 45^\circ = \frac{10}{10} = 1$$

13. $A(x_1, y_1)$ ಮತ್ತು $B(x_2, y_2)$ ಈ ನಿರ್ದೇಶಾಂಕ ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸುವ ರೇಖಾಖಂಡದ ಮಧ್ಯಬಿಂದುವಿನ ನಿರ್ದೇಶಾಂಕವನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

ಉತ್ತರ: $P(x,y) = \left[\frac{x_2+x_1}{2}, \frac{y_2+y_1}{2} \right]$

14. 5, 3, 14, 16, 19 ಮತ್ತು 20 ಈ ಪ್ರಾಪ್ತಾಂಕಗಳ ಮಧ್ಯಾಂಕವನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಉತ್ತರ: 5, 3, 14, 16, 19, 20

$$\text{ಮಧ್ಯಾಂಕ} = \frac{n+1}{2} \text{ನೇ } \text{ಪ್ರಾಪ್ತಾಂಕ}$$

$$= \frac{6+1}{2} \text{ನೇ } \text{ಪ್ರಾಪ್ತಾಂಕ}$$

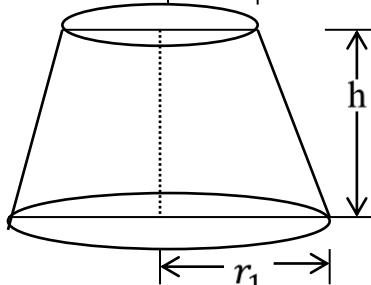
$$= 3.5 \text{ ನೇ } \text{ಪ್ರಾಪ್ತಾಂಕ}$$

$$= \frac{14+16}{2} = \frac{30}{2} = 15$$

15. ‘ಘೇಲ್ಸ್’ನ ಪ್ರಮೇಯವನ್ನು ನಿರೂಪಿಸಿ.

ಉತ್ತರ: ಒಂದು ತ್ರಿಭುಜದ ಎರಡು ಬಾಹುಗಳನ್ನು ಎರಡು ವಿಭಿನ್ನ ಬಿಂದುಗಳಲ್ಲಿ ಘೇದಿಸುವಂತೆ ಮೂರನೇ ಬಾಹುವಿಗೆ ಸಮಾಂತರವಾಗಿ ಎಳೆದ ರೇಖೆಯು, ಆ ಬಾಹುಗಳನ್ನು ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿ ವಿಭಾಗಿಸುತ್ತದೆ.

16. ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಶಂಕುವಿನ ಭಿನ್ನಕದ ಪಾಶ್ಚಯ ಮೇಲ್ಮೈವಿಸ್ತೀರ್ಣ ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವ ಸೂತ್ರ ಬರೆಯಿರಿ.



$$\text{ಉತ್ತರ: } \pi(r_1 + r_2)l$$

III. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳನ್ನು ಉತ್ತರಿಸಿ.

$$8 \times 2 = 16$$

17. $2, 6, 10, 14, \dots \dots$ ಈ ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿಯ $25^{\text{ನೇ}}$ ಪದವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

$$\text{ಉತ್ತರ: } a_n = a + (n - 1)d$$

$$a_{25} = 2 + (25 - 1)4$$

$$a_{25} = 2 + 24 \times 4$$

$$a_{25} = 2 + 96$$

$$a_{25} = 98$$

18. $3, 8, 13, \dots \dots$ ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿಯ ಮೊದಲ $20^{\text{ನೇ}}$ ಪದಗಳ ಮೊತ್ತವನ್ನು ಸೂತ್ರ ಉಪಯೋಗಿಸಿ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

$$\text{ಉತ್ತರ: } S_n = \frac{n}{2}[2a + (n - 1)d]$$

$$S_{20} = \frac{20}{2}[2 \times 3 + (20 - 1)5]$$

$$S_{25} = 10[6 + 19 \times 5]$$

$$S_{25} = 10[6 + 95]$$

$$S_{25} = 10 \times 101$$

$$S_{25} = 1010$$

ಅಧ್ಯಾತ್ಮಾ

6 ದಿನದ ಭಾಗಿಸಲ್ಪಡುವ ಮೊದಲ 30 ಧನ ಮಾಣಾಂಕಗಳ ಮೊತ್ತವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಉತ್ತರ: $6, 12, 18, \dots \dots$

$$a = 6, n = 30, d = 6$$

$$S_n = \frac{n}{2}[2a + (n - 1)d]$$

$$S_{20} = \frac{30}{2}[2 \times 6 + (30 - 1)6]$$

$$S_{25} = 15[12 + 29 \times 6]$$

$$S_{25} = 15[12 + 174]$$

$$S_{25} = 15 \times 186$$

$$S_{25} = 2790$$

19. ಬಿಡಿಸಿ: $3x + y = 15$

$$2x - y = 5$$

$$\text{ಉತ್ತರ: } 3x + y = 15 \quad \dots \dots \dots (1)$$

$$2x - y = 5 \quad \dots \dots \dots (2)$$

$$(1) + (2) \Rightarrow \underline{5x = 20} \Rightarrow x = 4$$

$x = 4$ ಎಂದು ಸಮೀಕರಣ (1) ರಲ್ಲಿ ಆದೇಶಿಸಿದಾಗ,

$$3 \times 4 + y = 15$$

$$\Rightarrow 12 + y = 15$$

$$\Rightarrow y = 15 - 12$$

$$\Rightarrow y = 3$$

ಆದ್ದರಿಂದ $x = 4$; $y = 3$

20. ವರ್ಗ್ ಸಮೀಕರಣದ ಸೂತ್ರವನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸಿ ಬಿಡಿಸಿ: $x^2 - 3x + 1 = 0$

$$\begin{aligned}\text{ಉತ್ತರ: } x &= \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \\ &= \frac{-(-3) \pm \sqrt{(-3)^2 - 4 \times 1 \times 1}}{2 \times 1} \\ &= \frac{3 \pm \sqrt{9 - 4}}{2} \\ &= \frac{3 \pm \sqrt{5}}{2}\end{aligned}$$

21. ವರ್ಗ್ ಸಮೀಕರಣ $2x^2 - 6x + 3 = 0$ ದ ಶೋಧಕದ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿದು ಮೂಲಗಳ ಸ್ಥಾವರವನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.

$$\text{ಉತ್ತರ: } \Delta = b^2 - 4ac$$

$$\Delta = (-6)^2 - 4 \times 2 \times 3$$

$$\Delta = 36 - 24$$

$$\Delta = 12$$

$\Delta > 0$, ಆದ್ದರಿಂದ ಮೂಲಗಳು ವಾಸ್ತವ ಮತ್ತು ಭಿನ್ನ
ಅಧಿವಾ

$x^2 + ax - 4 = 0$ ಈ ವರ್ಗ್ ಸಮೀಕರಣದ ಮೂಲಗಳು ಭಿನ್ನ ಮತ್ತು ವಾಸ್ತವ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.

ಉತ್ತರ:

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

$$\Delta = a^2 - 4 \times 1 \times -4$$

$$\Delta = a^2 + 16$$

$$\Delta = 20\text{ಯ ವರ್ಗಸಂಖ್ಯೆ} + 16$$

ಆದ್ದರಿಂದ $\Delta > 0$,

ಆದ್ದರಿಂದ ಮೂಲಗಳು ವಾಸ್ತವ ಮತ್ತು ಭಿನ್ನ

22. A(2, 3) ಮತ್ತು B(10, -3) ನಿದೇಶಾಂಕ ಬಿಂದುಗಳ ನಡುವಿನ ದೂರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

$$\text{ಉತ್ತರ: } d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$d = \sqrt{(10 - 2)^2 + (-3 - 3)^2}$$

$$d = \sqrt{8^2 + (-6)^2}$$

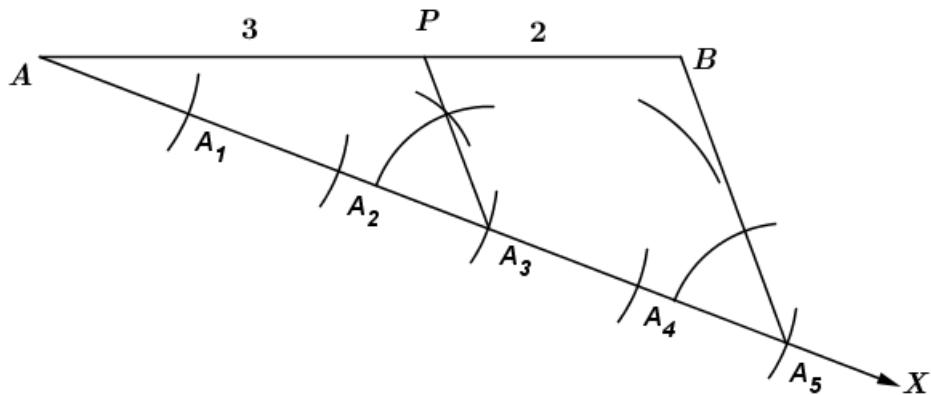
$$d = \sqrt{64 + 36}$$

$$d = \sqrt{100}$$

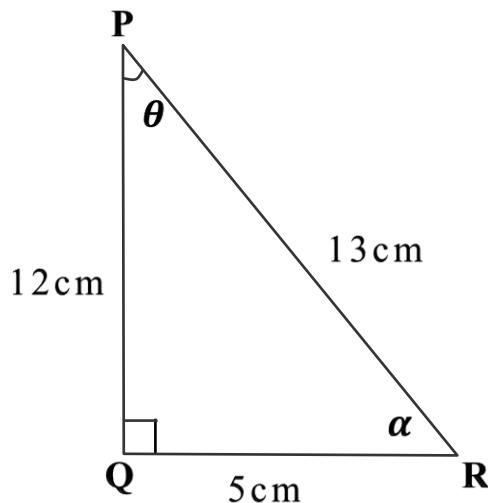
$d = 10$ ಮಾನಗಳು

23. $AB=8\text{cm}$ ಉದ್ದದ ರೇಖಾವಿಂಡವನ್ನು ಎಲೆದು ಆದನ್ನು ಜ್ಯಾಮಿತಿಯ ರಚನೆಯಿಂದ $3:2$ ಅನುಪಾತದಲ್ಲಿ ವಿಭಾಗಿಸಿ.

ಉತ್ತರ:



24. ಈ ಕೆಳಗೆ ಹೊಟ್ಟಿರುವ ಒಿತ್ತದಲ್ಲಿ $\sin\theta$ ಮತ್ತು $\cos\alpha$ ಗಳ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.



ಉತ್ತರ: $\sin\theta = \frac{5}{13}$; $\cos\alpha = \frac{5}{13}$

- IV. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳನ್ನು ಉತ್ತರಿಸಿ.

$$9 \times 3 = 27$$

25. ಎರಡು ಸ್ವಾಭಾವಿಕ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮೊತ್ತವು 9 ಆಗಿದೆ. ಮತ್ತು ಅವುಗಳ ಘ್ಯತ್ವಮಾರ್ಗ ಮೊತ್ತವು $\frac{9}{20}$ ಆದರೆ ಆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಉತ್ತರ:

ಎರಡು ಸ್ವಾಭಾವಿಕ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು x ಮತ್ತು y ಗಳಾಗಿರಲಿ

$$x + y = 9 \Rightarrow y = 9 - x$$

$$\frac{1}{x} + \frac{1}{9-x} = \frac{9}{20}$$

$$\begin{aligned}
 20(9 - x) + 20x &= 9x(9 - x) \\
 180 - 20x + 20x &= 81x - 9x^2 \\
 180 &= 81x - 9x^2 \\
 x^2 - 9x + 20 &= 0 \\
 x^2 - 4x - 5x + 20 &= 0 \\
 x(x - 4) - 5(x - 4) &= 0 \\
 (x - 5)(x - 4) &= 0 \\
 (x - 5) = 0; (x - 4) &= 0 \\
 x = 4 \text{ or } x &= 5
 \end{aligned}$$

ಆದ್ದರಿಂದ ಆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು: 4 ಮತ್ತು 5

ಅಥವಾ

ಒಂದು ಆಯಾತಾಕಾರದ ಆಟದ ಮೈದಾನದ ಸುತ್ತಳತೆ ಮತ್ತು ವಿಸ್ತೀರ್ಣಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ 80m ಮತ್ತು 384m^2 ಅದರೆ ಆಟದ ಮೈದಾನದ ಉದ್ದ ಮತ್ತು ಅಗಲಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಉತ್ತರ:

$$\text{ಉದ್ದ} = x, \text{ ಅಗಲ} = y \text{ ಅಗಿರಲಿ}$$

$$2x + 2y = 80$$

$$\Rightarrow x + y = 40$$

$$\Rightarrow y = 40 - x$$

$$xy = 384$$

$$x(40 - x) = 384$$

$$40x - x^2 = 384$$

$$40x - x^2 - 384 = 0$$

$$x^2 - 40x + 384 = 0$$

$$x^2 - 16x - 24x + 384 = 0$$

$$x(x - 16) - 24(x - 16) = 0$$

$$(x - 24)(x - 16) = 0$$

$$x = 24 \text{ or } x = 16$$

ಆದ್ದರಿಂದ ಮೈದಾನದ ಉದ್ದ = 24ಮೀ ಮತ್ತು ಅಗಲ 16ಮೀ.

$$26. \frac{\sin\theta}{1-\cot\theta} + \frac{\cos\theta}{1-\tan\theta} = \sin\theta + \cos\theta$$

ಉತ್ತರ:

$$\frac{\sin\theta}{1-\cot\theta} + \frac{\cos\theta}{1-\tan\theta}$$

$$\frac{\sin\theta}{1-\frac{\cos\theta}{\sin\theta}} + \frac{\cos\theta}{1-\frac{\sin\theta}{\cos\theta}}$$

$$\frac{\sin^2 \theta}{\sin \theta - \cos \theta} + \frac{\cos^2 \theta}{\cos \theta - \sin \theta}$$

$$\frac{\sin^2 \theta}{\sin \theta - \cos \theta} - \frac{\cos^2 \theta}{\sin \theta - \cos \theta}$$

$$\frac{\sin^2 \theta - \cos^2 \theta}{\sin \theta - \cos \theta}$$

$$\frac{(\sin \theta + \cos \theta)(\sin \theta - \cos \theta)}{\sin \theta - \cos \theta}$$

$$\sin \theta + \cos \theta$$

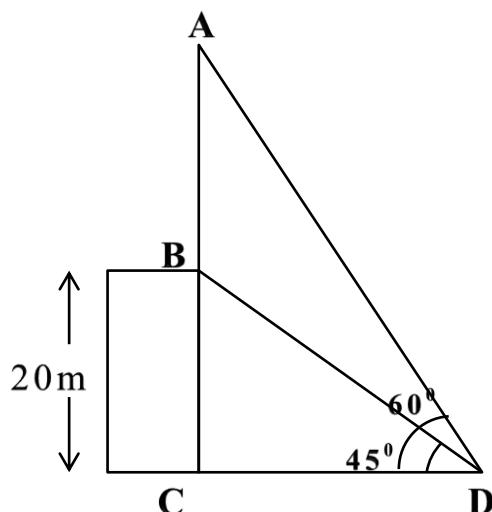
ಅಫ್ವಾ

$$\frac{\cos \theta - 2\cos^3 \theta}{2\sin^3 \theta - \sin \theta} = \cot \theta$$

ಉತ್ತರ:

$$\begin{aligned} & \frac{\cos \theta - 2\cos^3 \theta}{2\sin^3 \theta - \sin \theta} \\ &= \frac{\cos \theta(1 - 2\cos^2 \theta)}{\sin \theta(2\sin^2 \theta - 1)} \\ &= \frac{\cos \theta[1 - 2(1 - \sin^2 \theta)]}{\sin \theta(2\sin^2 \theta - 1)} \\ &= \frac{\cos \theta[1 - 2 + 2\sin^2 \theta]}{\sin \theta(2\sin^2 \theta - 1)} \\ &= \frac{\cos \theta[2\sin^2 \theta - 1]}{\sin \theta(2\sin^2 \theta - 1)} = \frac{\cos \theta}{\sin \theta} \\ &= \tan \theta \end{aligned}$$

27. 20m ಎತ್ತರದ ಕಟ್ಟಡವೊಂದರ ಮೇಲೆ ಸಾಫಿಸಲಾದ ಪ್ರಸರಣಾ ಗೋಪರದ ಮೇಲುದಿ ಮತ್ತು ಪಾದಗಳನ್ನು ನೆಲದ ಮೇಲಿನ ಒಂದು ಬಿಂದುವಿನಿಂದ ನೋಡಿದಾಗ ಉನ್ನತ ಕೋನಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ 60° ಮತ್ತು 45° ಇವೆ. ಹಾಗಾದರೆ ಪ್ರಸರಣಾ ಗೋಪರದ ಎತ್ತರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.



$$\tan 45^\circ = \frac{BC}{CD}$$

$$\Rightarrow 1 = \frac{20}{CD} \Rightarrow CD = 20\text{m}$$

$$\tan 60^\circ = \frac{AC}{CD}$$

$$\Rightarrow \sqrt{3} = \frac{AB+BC}{CD}$$

$$\Rightarrow \sqrt{3} = \frac{AB+20}{20}$$

$$\Rightarrow 20\sqrt{3} = AB + 20$$

$$\Rightarrow AB = 20\sqrt{3} - 20$$

$$\Rightarrow AB = 20(\sqrt{3} - 1) \text{ m} \quad [=20 \times 0.73 = 34.6\text{m}]$$

28. A(2, -2), B(-4, 2) ಮತ್ತು C(-7, k) ನಿರ್ದೇಶಾಂಕ ಬಿಂದುಗಳು ಸರಳರೇಖಾಗತವಾಗಿದ್ದರೆ 'k'ನ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- ಉತ್ತರ:

$$\frac{1}{2}[x_1(y_2 - y_3) + x_2(y_3 - y_1) + x_3(y_1 - y_2)] = 0$$

$$\frac{1}{2}[2(2 - k) - 4(k + 2) - 7(-2 - 2)] = 0$$

$$\frac{1}{2}[4 - 2k - 4k - 8 + 28] = 0$$

$$2 - k - 2k - 4 + 14 = 0$$

$$12 - 3k = 0$$

$$12 = 3k$$

$$k = 4$$

29. ಈ ಕೆಳಗೆ ನೀಡಿರುವ ಆವೃತ್ತಿ ವಿಶರಣೆ ಹೊಳೆಕದಿಂದ ನೇರ ವಿಧಾನದಿಂದ ಸರಾಸರಿಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ವರ್ಗಾಂಶ	ಆವೃತ್ತಿ
5 – 15	4
15 – 25	3
25 – 35	6
35 – 45	5
45 – 55	2

ಉತ್ತರ:

ವರ್ಗಾಂಶ	ಆವೃತ್ತಿ	x	fx
5 - 15	4	10	40
15 - 25	3	20	60
25 - 35	6	30	180
35 - 45	5	40	200
45 - 55	2	50	100
	20		580

$$\text{ಸರಾಸರಿ } \bar{X} = \frac{\sum fx}{N}$$

$$\bar{X} = \frac{580}{20}$$

$$\bar{X} = 29$$

ಅಥವಾ

ಈ ಕೆಳಗಿನ ಆವೃತ್ತಿ ವಿಶರಣಾ ಪಟ್ಟಿಯಿಂದ ಬಹುಲಕ (ರೂಢಿಬೆಲೆ) ಕಂಡು ಹಿಡಿಯಿರಿ.

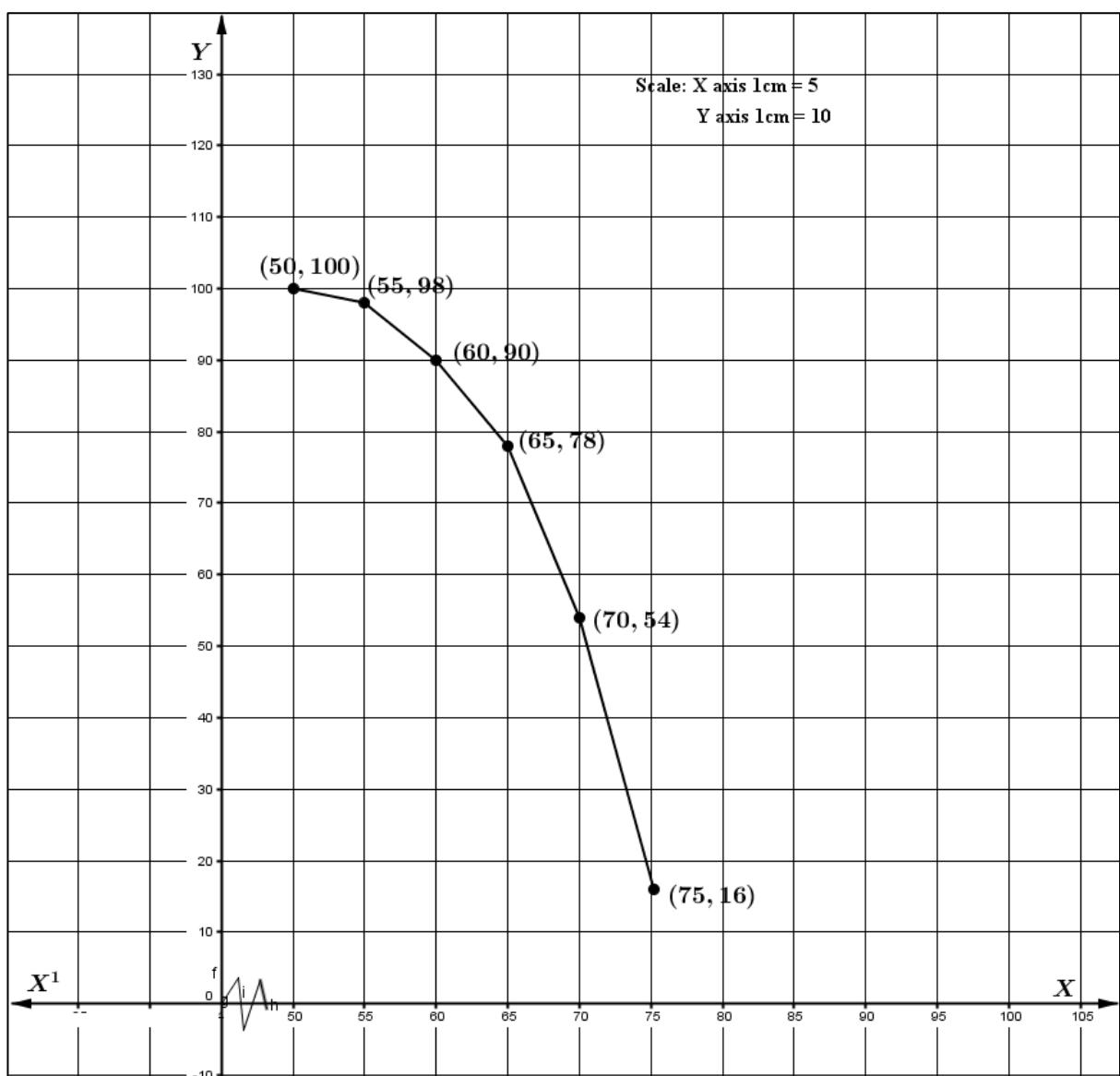
ವರ್ಗಾಂಶ	ಆವೃತ್ತಿ
0 - 10	7
10 - 20	9
20 - 30	15
30 - 40	11
40 - 50	8

ಉತ್ತರ:

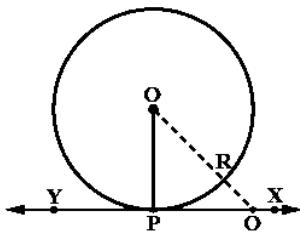
$$\begin{aligned}
 \text{ಬಹುಲಕ} &= l + \left[\frac{f_1 - f_0}{2f_1 - f_0 - f_2} \right] \times h \\
 &= 20 + \left[\frac{15 - 9}{2 \times 15 - 9 - 11} \right] \times 10 \\
 &= 20 + \left[\frac{6}{30 - 20} \right] \times 10 \\
 &= 20 + \left[\frac{6}{10} \right] \times 10 \\
 &= 20 + 6 \\
 &= 26
 \end{aligned}$$

30. ಒಂದು ಗ್ರಾಮದ 100 ಹೊಲಗಳಲ್ಲಿ ಪ್ರತೀ ಹೆಕ್ಟೇರ್‌ಗೆ ಉತ್ಪಾದಿಸುವ ಗೋಧಿಯ ಇಳುವರಿಯನ್ನು ಕೆಳಗಿನ ಹೊಷ್ಟ್‌ಕೆದಲ್ಲಿ ನೀಡಿದೆ. ‘ಅಧಿಕ ಇರುವ ವಿಧಾನ’ದ ಓಟೀವ್ ರಚಿಸಿ.

ಉತ್ಪಾದನಾ ಇಳಿವರಿ ಕೆಲೋಗ್ರಾಂ/ಹೆಕ್ಟೇರ್	ಮೊಲಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ
50 ಅಥವಾ 50 ಶ್ರೀಂತ ಅರ್ಥಿಕ	100
55 ಅಥವಾ 55 ಶ್ರೀಂತ ಅರ್ಥಿಕ	98
60 ಅಥವಾ 60 ಶ್ರೀಂತ ಅರ್ಥಿಕ	90
65 ಅಥವಾ 65 ಶ್ರೀಂತ ಅರ್ಥಿಕ	78
70 ಅಥವಾ 70 ಶ್ರೀಂತ ಅರ್ಥಿಕ	54
75 ಅಥವಾ 75 ಶ್ರೀಂತ ಅರ್ಥಿಕ	16



31. “ವೃತ್ತದ ಮೇಲಿನ ಯಾವುದೇ ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಎಳೆದ ಸ್ವರ್ಶಕವು, ಸ್ವರ್ಶಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಎಳೆದ ತ್ರಿಷ್ಣಕ್ಕೆ ಲಂಬವಾಗಿರುತ್ತದೆ” ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.



ದತ್ತ: O ವೃತ್ತಕೇಂದ್ರ ಮತ್ತು P ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ XY ಒಂದು ಸ್ಪರ್ಶಕವಾಗಿದೆ.

ಸಾಧನೀಯ: $OP \perp XY$

ರಚನೆ: P ಯನ್ನು ಹೊರತುಪಡಿಸಿ, XY ಮೇಲೆ ಮತ್ತೊಂದು ಬಿಂದು Q ಆಗಿರಲಿ OQ ಸೇರಿಸಿ.

ಸಾಧನೆ: Q ಸ್ಪರ್ಶಕ XY ಮೇಲೆ ಸ್ಪರ್ಶಬಿಂದು P ಯನ್ನು ಹೊರತು ಪಡಿಸಿ ಒಂದು ಬಿಂದುವಾಗಿದೆ.

ಆದ್ದರಿಂದ Q ವೃತ್ತದ ಹೊರಭಾಗದಲ್ಲಿರಬೇಕು.

[:: ವೃತ್ತ ಸ್ಪರ್ಶಕವು, ವೃತ್ತದೊಂದಿಗೆ ಒಂದೇ ಒಂದು ಸಾಮಾನ್ಯ ಬಿಂದು ವನ್ನು ಹೊಂದಿರುತ್ತದೆ.]

OQ ವೃತ್ತವನ್ನು R ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಟೇದಿಸಲಿ.

$\therefore OP = OR$ [:: ಒಂದೇ ವೃತ್ತದ ತ್ರಿಜ್ಯಗಳು]

ಈಗ, $OQ = OR + RQ$

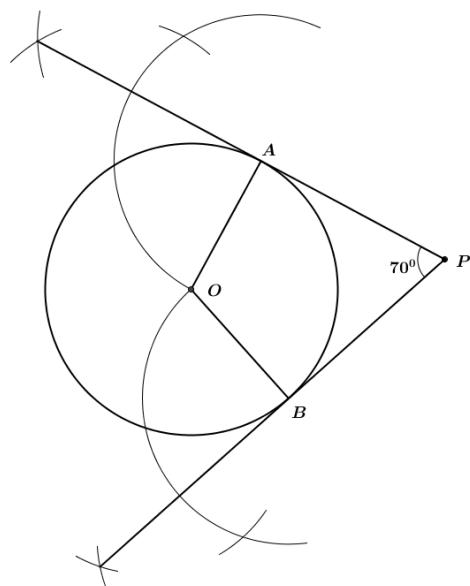
$\Rightarrow OQ > OR$

$\Rightarrow OQ > OP$ [:: $OP = OR$]

ಆದ್ದರಿಂದ, OP ಯು O ನಿಂದ XY ಸ್ಪರ್ಶಕಕ್ಕೆಳೆದ ಕನಿಷ್ಠ ದೂರವಾಗಿದೆ.

$\therefore OP \perp XY$ [:: ಬಿಂದುವಿನಿಂದ ರೇಖೆಗಿರುವ ಕನಿಷ್ಠ ದೂರವು ಆ ರೇಖೆಗೆಳೆದ ಲಂಬವಾಗಿರುತ್ತದೆ.]

32. 4cm ತ್ರಿಜ್ಯದ ವೃತ್ತಕೆ, ಸ್ಪರ್ಶಕಗಳ ನಡುವಿನ ಕೋನವು 70° ಇರುವಂತೆ ಒಂದು ಜೊತೆ ಸ್ಪರ್ಶಕಗಳನ್ನು ರಚಿಸಿರಿ ಮತ್ತು ಸ್ಪರ್ಶಕದ ಉದ್ದವನ್ನು ಅಳೆದು ಬರೆಯಿರಿ.



ಸ್ವರ್ವಕರದ ಉದ್ದ್ವ 5,7ಸೆಂ.ಮೀ.

33. ಪಾದದ ತ್ರಿಜ್ಯ 5cm ಮತ್ತು 20cm ಎತ್ತರವಿರುವ ಒಂದು ವೃತ್ತಾಕಾರದ ಲೋಹದ ಶಂಕುವನ್ನು ಕರಗಿಸಿ ಅದನ್ನು ಫ್ರನ್ ಗೋಳವನ್ನಾಗಿ ಪರಿವರ್ತಿಸಲಾಗಿದೆ. ಹಾಗಾದರೆ ಪರಿವರ್ತಿಸಲಾದ ಗೋಳದ ತ್ರಿಜ್ಯವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಉತ್ತರ: R - ಗೋಳದ ತ್ರಿಜ್ಯ, r - ಶಂಕುವಿನ ತ್ರಿಜ್ಯ

$$\begin{aligned}\frac{4}{3}\pi R^3 &= \frac{1}{3}\pi r^2 h \\ \Rightarrow 4R^3 &= r^2 h \\ \Rightarrow 4R^3 &= 5^2 \times 20 \\ \Rightarrow R^3 &= 5^2 \times 5 \\ \Rightarrow R^3 &= 5^3 \\ \Rightarrow R &= 5 \text{ cm}\end{aligned}$$

ಅಥವಾ

3cm ತ್ರಿಜ್ಯವಿರುವ ಫ್ರನ್ ಗೋಳವನ್ನು ಕರಗಿಸಿ 9m ಉದ್ದ್ವದ ಒಂದು ಸಿಲಿಂಡರಿನಾಕಾರದ ತಂತ್ರಿಯನ್ನಾಗಿ ಪರಿವರ್ತಿಸಮಾಗಿದೆ. ಹಾಗಾದರೆ ದೊರೆತ ತಂತ್ರಿಯ ತ್ರಿಜ್ಯವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

ಉತ್ತರ:

$$\begin{aligned}R &- \text{ಸಿಲಿಂಡರಿನ ತ್ರಿಜ್ಯ}, r &- \text{ಗೋಳದ ತ್ರಿಜ್ಯ} \\ \pi R^2 h &= \frac{4}{3}\pi r^3 \\ R^2 h &= \frac{4}{3}r^3 \\ R^2 \times 900 &= \frac{4}{3} \times 3^3 \\ R^2 &= \frac{4}{900} \times 3^2 \\ R^2 &= \frac{4}{900} \times 9 \\ R^2 &= \frac{4}{100} \\ R &= \frac{2}{10} = \frac{1}{5} \\ R &= 0.2 \text{ cm}\end{aligned}$$

V. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ.

4 x 4 = 16

34. ಕೊಟ್ಟಿರುವ ರೇಖಾತ್ಮಕ ಸಮೀಕರಣಗಳ ಜೋಡಿಗೆ, ನಕ್ಷೆಯ ವಿಧಾನದಿಂದ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

$$2x + y = 10$$

$$x + y = 6$$

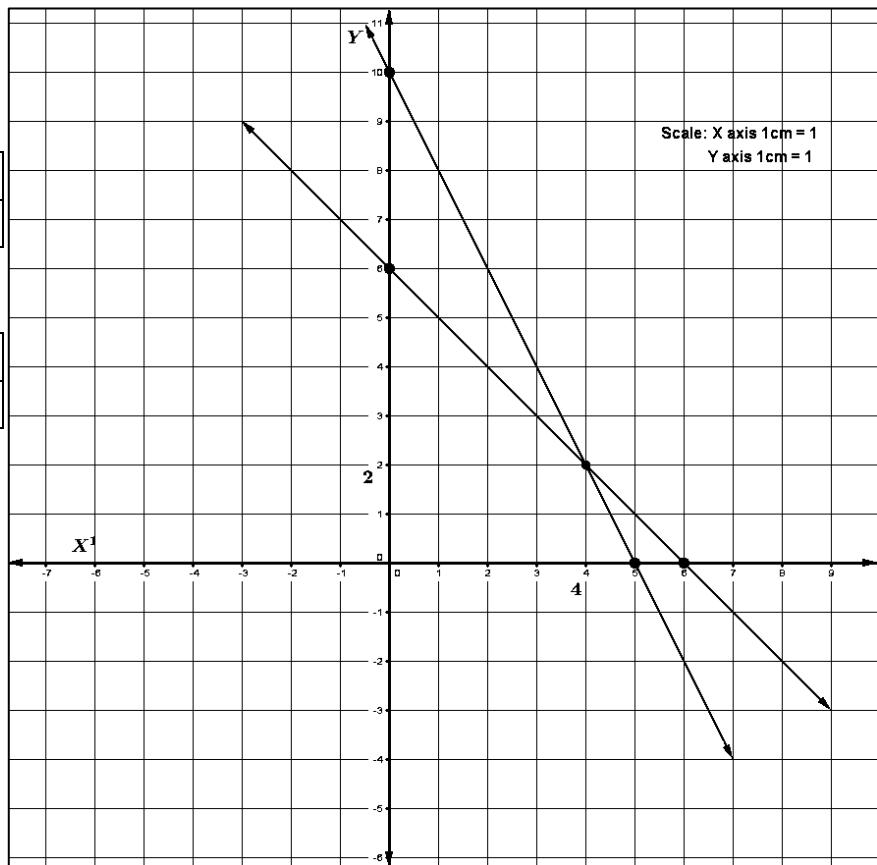
ಉತ್ತರ:

$$2x + y = 10$$

x	0	5	4
y	10	0	2

$$x + y = 6$$

x	0	6	4
y	6	0	2



35. ಒಂದು ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿಯಲ್ಲಿ 37 ಪದಗಳಿಂದ ಅದರ ಮೊದಲ 3 ಪದಗಳ ಮೊತ್ತವು 12 ಮತ್ತು ಈ ಶ್ರೇಣಿಯ ಕೊನೆಯ 3 ಪದಗಳ ಮೊತ್ತವು 318 ಆದಾಗ ಶ್ರೇಣಿಯ 'ಮೊದಲ ಪದ' ಮತ್ತು ಕೊನೆಯ ಪದ ಇವುಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರ.

ಉತ್ತರ:

$$a + a + d + a + 2d = 12$$

$$3a + 3d = 12$$

$$a + d = 4 \quad \dots \dots \dots (1)$$

$$a + 34d + a + 35d + a + 36d = 318$$

$$3a + 105d = 318$$

$$a + 35d = 106 \quad \dots \dots \dots (2)$$

$$(2) - (1)$$

$$a + 35d = 106$$

$$\begin{array}{r} a + d = 4 \\ \hline 34d = 102 \end{array}$$

$$\Rightarrow d = 3$$

$d = 3$ ಎಂದು ಸಮೀಕರಣ(1) ರಲ್ಲಿ ಆದೇಶಿಸಿದಾಗ,

$$a + 3 = 4$$

$$\Rightarrow a = 4 - 3$$

$$\Rightarrow a = 1$$

ಅಧ್ಯಾತ್ಮ

ಒಂದು ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿಯ ಮೊದಲ 7 ಪದಗಳ ಮೊತ್ತ 140 ಆಗಿದೆ. ಅದೇ ಶ್ರೇಣಿಯ ನಂತರದ 7 ಪದಗಳ ಮೊತ್ತ 385 ಆದಾಗ ಆ ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

$$\text{ಉತ್ತರ: } S_7 = 140; S_{14} - S_7 = 385$$

$$S_n = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$$

$$\frac{7}{2} [2a + 6d] = 140$$

$$\frac{7 \times 2}{2} [a + 3d] = 140$$

$$7[a + 3d] = 140$$

$$a + 3d = 20 \quad \dots \dots \quad (1)$$

$$S_{14} = S_7 + 385$$

$$S_{14} = 140 + 385$$

$$14a + 91d = 525 \quad \dots \dots \quad (2)$$

$$\text{ಸಮೀಕರಣ } (1) \times 14$$

$$\Rightarrow 14a + 42d = 280 \quad \dots \dots \quad (3)$$

$$\text{ಸಮೀಕರಣ } (1) - (3)$$

$$\Rightarrow 14a + 91d = 525$$

$$\underline{14a + 42d = 280}$$

$$\underline{\quad\quad\quad 49d = 245} \quad \Rightarrow d = 5$$

$$d = 5 \text{ ಎಂದು ಸಮೀಕರಣ } (1) \text{ ರಲ್ಲಿ \text{ಆದೇಶಿಸಿದಾಗ,}$$

$$a + 3 \times 5 = 20 \quad \dots \dots \quad (1)$$

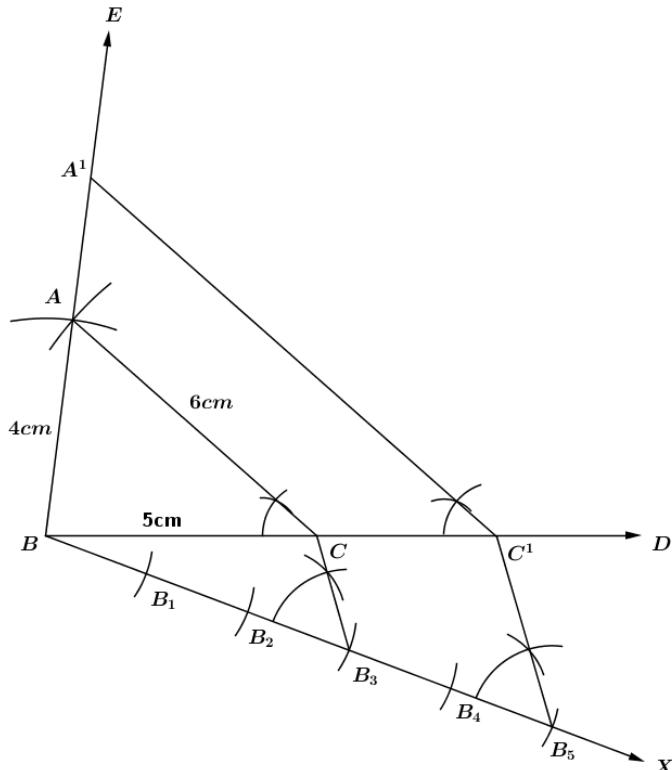
$$a + 15 = 20 \Rightarrow a = 20 - 15$$

$$\Rightarrow a = 5$$

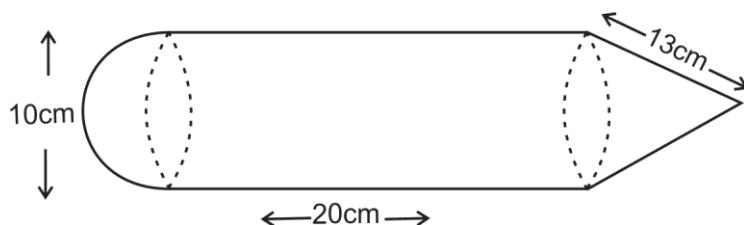
ಆಧ್ಯಾತ್ಮ ಶ್ರೇಣಿ : 5, 10, 15, - - -

36. 4cm , 5cm ಮತ್ತು 6cm ಬಾಹುಗಳಿರುವ ಒಂದು ತ್ರಿಭುಜವನ್ನು ರಚಿಸಿ. ನಂತರ ಮತ್ತೊಂದು ತ್ರಿಭುಜವನ್ನು ಅದರ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಬಾಹುವು ಮೊದಲು ರಚಿಸಿದ ತ್ರಿಭುಜದ ಅನುರೂಪ ಬಾಹುಗಳ ಕ್ಷೇತ್ರವನ್ನು ರಚಿಸಿ.

ಉತ್ತರ:



37. ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ಶೋರಿಸಿರುವಂತೆ ಒಂದು ಆಟಕೆಯನ್ನು ಸಿಲಿಂಡರಿನಾಕಾರದ ಒಂದು ಬದಿಗೆ ಒಂದು ಅರ್ಧಗೋಳ ಮತ್ತು ಇನ್ನೊಂದು ಬದಿಗೆ ಒಂದು ಶಂಕುವನ್ನು ಅಂಟಿಸಿ ಮಾಡಲಾಗಿದೆ. ಸಿಲಿಂಡರಿನಾಕಾರದ ಭಾಗದ ಉದ್ದವು 20cm ಮತ್ತು ಅದರ ವ್ಯಾಸವು 10cm ಆಗಿದೆ. ಶಂಕುವಿನ ಭಾಗದ ಓರೆ ಎತ್ತರವು 13cm , ಆಗಿದ್ದರೆ ಆಟಕೆಯ ಮೇಲ್ಮೈ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.



ಉತ್ತರ:

$$\begin{aligned}
 & \text{ಆಟಕೆಯ ಮೇಲ್ಮೈ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} = 2\pi r^2 + 2\pi rh + \pi rl \\
 & = \pi r(2r + 2h + l) \\
 & = \frac{22}{7} \times 5(2 \times 5 + 2 \times 20 + 13) \\
 & = \frac{22}{7} \times 5(10 + 40 + 13)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{22}{7} \times 5(63) \\
 &= 22 \times 5 \times 9 \\
 &= 990 \text{ cm}^2
 \end{aligned}$$

VI. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನೆಗೆ ಉತ್ತರಿಸಿ.

$$5 \times 1 = 5$$

38. “ಎರಡು ಸಮರೂಪ ತ್ರಿಭುಜಗಳ ವಿಸ್ತೀರ್ಣಗಳ ಅನುಪಾತವು ಅವುಗಳ ಅನುರೂಪ ಭಾಹುಗಳ ವರದಿಗಳ ಅನುಪಾತಕ್ಕೆ ಸಮನಾಗಿರುತ್ತದೆ” ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.

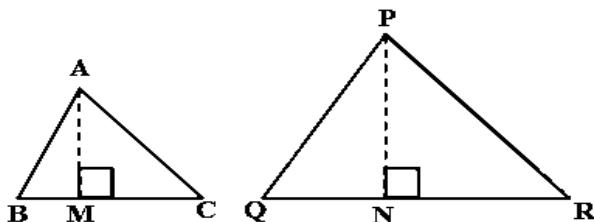


Fig 2.42

ದತ್ತ: $\Delta ABC \sim \Delta PQR$

$$\text{ಸಾಧನೀಯ: } \frac{\text{ವಿ}(ABC)}{\text{ವಿ}(PQR)} = \left(\frac{AB}{PQ}\right)^2 = \left(\frac{BC}{QR}\right)^2 = \left(\frac{CA}{PR}\right)^2$$

ರಚನೆ: ΔABC ಯ ಎತ್ತರ AM ಮತ್ತು ΔPQR ನ ಎತ್ತರ PN ಗಳನ್ನು ಎಳೆಯಿರಿ.

$$\text{ಸಾಧನ: } \text{ವಿ}(ABC) = \frac{1}{2} \times BC \times AM \text{ ಮತ್ತು } \text{ವಿ}(PQR) = \frac{1}{2} \times QR \times PN$$

$$\therefore \frac{\text{ವಿ}(ABC)}{\text{ವಿ}(PQR)} = \frac{\frac{1}{2} \times BC \times AM}{\frac{1}{2} \times QR \times PN} = \frac{BC \times AM}{QR \times PN} \quad \dots \dots \quad (1)$$

ಈಗ ΔABM ಮತ್ತು ΔPQN ಗಳಲ್ಲಿ

$$\angle B = \angle Q \quad (\because \Delta ABC \sim \Delta PQR)$$

$$\text{ಮತ್ತು } \angle M = \angle N = 90^\circ$$

[ಎತ್ತರಗಳು ಲಂಬವಾಗಿರುತ್ತದೆ]

$\therefore \Delta ABM \sim \Delta PQN$ (\because AA ಸ.ನಿರ್ಧಾರಕ ಗುಣ)

$$\therefore \frac{AM}{PN} = \frac{AB}{PQ} \quad \dots \dots \quad (2)$$

ಅಲ್ಲದೆ $\Delta ABC \sim \Delta PQR$ (\because ದತ್ತ)

$$\therefore \frac{AB}{PQ} = \frac{BC}{QR} \Rightarrow \frac{AM}{PN} = \frac{BC}{QR} \quad \dots \dots \quad (3)$$

$$\therefore \frac{\text{ವಿ}(ABC)}{\text{ವಿ}(PQR)} = \frac{BC}{QR} \times \frac{BC}{QR} \quad \dots \quad [\because (1) \text{ ಮತ್ತು } (3) \text{ ರಿಂದ}]$$

$$\frac{\text{ವಿ}(ABC)}{\text{ವಿ}(PQR)} = \left(\frac{BC}{QR}\right)^2$$

$$\text{ಇದೇ ರೀತಿ } \frac{\text{ವಿ}(ABC)}{\text{ವಿ}(PQR)} = \left(\frac{AB}{PQ}\right)^2 = \left(\frac{BC}{QR}\right)^2 = \left(\frac{CA}{PR}\right)^2$$