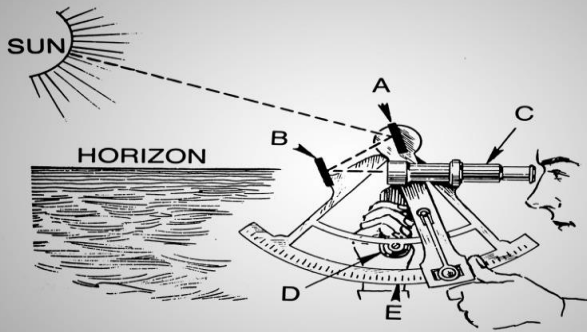


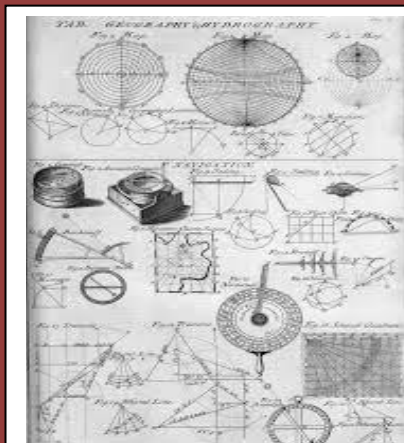
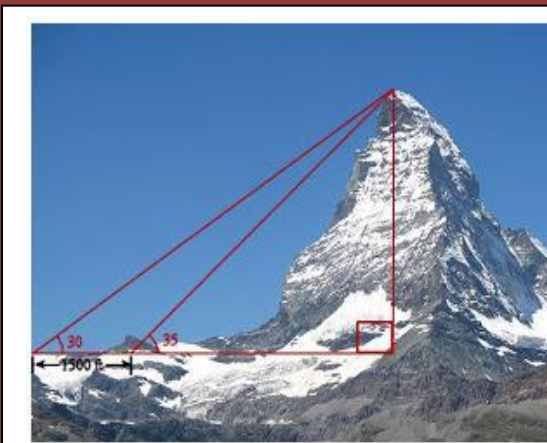
ٹرگنومیٹری کے کچھ استعمال

SOME APPLICATIONS OF TRIGONOMETRY



Applications of Trigonometry

- This field of mathematics can be applied in astronomy, navigation, music theory, acoustics, optics, analysis of financial markets, electronics, probability theory, statistics, biology, medical imaging (CAT scans and ultrasound), pharmacy, chemistry, number theory (and hence cryptography), seismology, meteorology, oceanography, many physical sciences, land surveying and geodesy, architecture, phonetics, economics, electrical engineering, mechanical engineering, civil engineering, computer graphics, cartography, crystallography and game development.



Prepared and solved by:-

FATHIMA SUHAIB

Asst teacher,

PCM-URDU, GUHS

SIRSI

SOME APPLICATIONS OF TRIGONOMETRY

ٹرگنومیٹری کے کچھ استعمال

ٹرگنومیٹری کے ایجاد کی وجہ علم فلکیات تھی۔ مثال کے طور پر زمین کا سیاروں اور ستاروں سے فاصلہ معلوم کرنا،



تھیوڈولائٹ

(سروے کا آلہ جس کی بنیاد ٹرگنومیٹری کے اصولوں پر ہے اور گردش کرنے والا ٹیلی اسکوپ کی مدد زاویوں کی پیمائش میں استعمال ہوتا ہے)

☆ اس کا استعمال

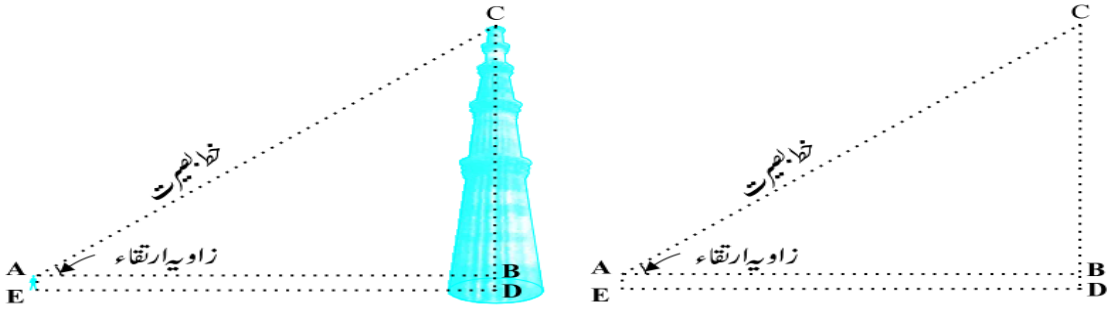
☆ جغرافیہ اور جہاز رانی میں کثرت سے ہوتا ہے۔

☆ نقشہ بنانے اور طول البلد اور عرض البلد سے جزیروں کا مقام معلوم کرنے میں ہوتا ہے۔

☆ سروے کرنے والے صدیوں سے کر رہے ہیں۔

☆ اہم نکات:-

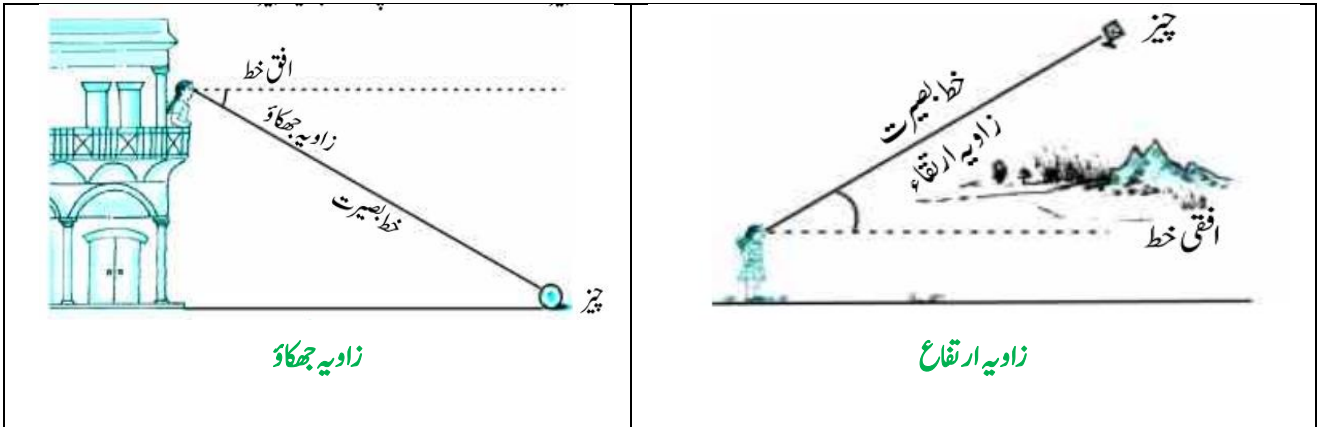
(1) خط بصیرت:- وہ خط ہے جو مشاہد کی آنکھ سے اس کے ذریعے دیکھے جانے والی شے کے درمیان کھینچا جاتا ہے۔



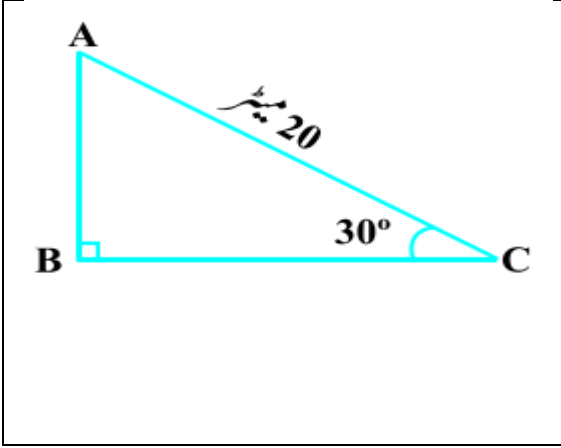
اس شکل میں خط AC جو طالب علم کی آنکھ سے مینار کی چوٹی تک کھینچا گیا ہے۔ خط بصیرت کہلاتا ہے۔ طالب علم مینار کی چوٹی کو دیکھ رہا ہے۔ خط بصیرت سے افقی خط پر بنا زاویہ BAC ہے طالب علم کی آنکھ سے مینار کی چوٹی کا زاویہ ارتفاع کہلاتا ہے۔

(2) زاویہ ارتفاع:- کسی شے کا جس کو دیکھنا ہے، وہ زاویہ ہے جو خط بصیرت افقی خط کے ساتھ بناتا ہے جب یہ افقی لیول کے اوپر کی طرف ہوتا ہے یعنی اسے جب ہم کسی چیز کو دیکھنے کے لئے اپنے سر کو اوپر کی طرف اٹھاتے ہیں۔

(3) زاویہ جھکاؤ:- کسی شے کا جس کو دیکھنا ہے، وہ زاویہ ہے جو خط بصیرت افقی خط کے ساتھ بناتا ہے جب یہ افقی لیول کے نیچے کی طرف بڑھتا ہے یعنی اس حالت میں جب ہم کسی چیز کو دیکھنے کے لئے اپنے سر کو نیچے کی طرف جھکاتے ہیں۔



☆ نوٹ:- کسی شے کی اونچائی اور لمبائی یا بہت دوری پر موجود اشیا کے درمیان فاصلوں کو ٹرگنومیٹرک نسبتوں کی مدد سے معلوم کیا جاسکتا ہے۔



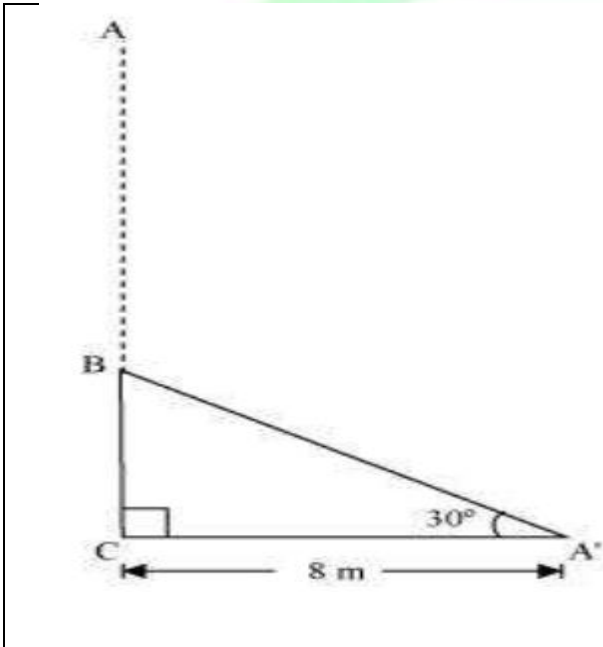
1- سرکس کا ایک آرٹسٹ 20 میٹر لمبی رسی پر چڑھ گیا ہے جو کہ ایک انتصابی پول کے اوپری سرے اور نیچے گراؤنڈ سے اس طرح بندھی ہے کہ جس میں کوئی جھول نہیں ہے۔ پول کی اونچائی معلوم کیجئے اگر رسی کے ذریعے زمین پر بنا زاویہ 30° ہے۔

حل:- دی گئی شکل میں AB پول ہے۔ مثلث ABC میں

$$\frac{AB}{AC} = \sin 30^\circ \Rightarrow \frac{AB}{20} = \frac{1}{2} \Rightarrow AB = \frac{20}{2} = 10$$

لہذا، پول کی اونچائی 10 میٹر ہے۔

2- طوفان کی وجہ سے ایک درخت ٹوٹ گیا اور اس کا ٹوٹا ہوا حصہ اس طرح جھکا کہ اس کا اوپری حصہ زمین سے چھو کر 30° کا زاویہ بناتا ہے۔ درخت کے نچلے حصہ سے اس نقطہ کا فاصلہ جہاں درخت کا اوپری حصہ جو زمین کو چھوتا ہے۔ وہ 8 میٹر ہے تو درخت کی اونچائی معلوم کیجئے۔



فرض کیجئے کہ درخت کی اصل اونچائی (AC) ہے طوفان کی وجہ سے ایک درخت ٹوٹ گیا اور دو حصوں میں بٹ گیا۔ اس کا ٹوٹا ہوا حصہ (A'B) اس طرح جھکا کہ اس کا اوپری حصہ زمین سے چھو کر 30° کا زاویہ بناتا ہے۔

مثلث A'BC میں

$$\frac{BC}{A'C} = \tan 30^\circ \Rightarrow \frac{8}{A'C} = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow BC = \frac{8}{\sqrt{3}}$$

$$\frac{A'B}{A'C} = \cos 30^\circ \Rightarrow \frac{A'B}{8} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow A'B = \frac{16}{\sqrt{3}} m$$

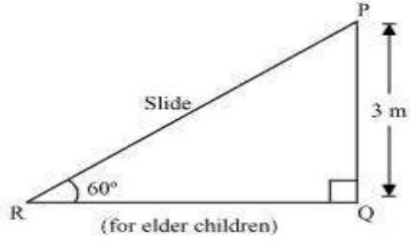
درخت کی اونچائی = A'B + BC

$$\frac{16}{\sqrt{3}} + \frac{8}{\sqrt{3}} = \frac{24}{\sqrt{3}} = 8\sqrt{3} m$$

لہذا درخت کی اونچائی 8√3 میٹر ہے۔

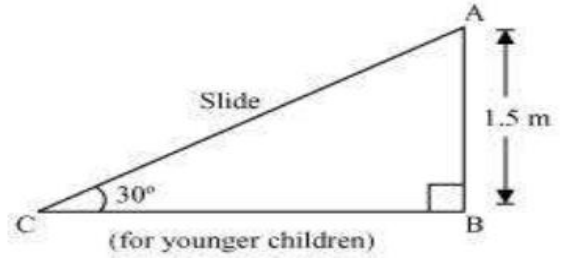
3- ایک کنٹریکٹر نے بچوں کے لئے ایک پارک میں دو سلاڈروں کے لگانے کا منصوبہ بنایا۔ 5 سال سے کم عمر کے بچوں کے لئے اس نے اس سلاڈر کو فوقیت دی جس کی اونچائی 1.5 میٹر اونچی ہے اور وہ زمین سے 30° کا زاویہ بناتی ہے جب کہ بڑے بچوں کے لئے 3 سینٹی میٹر اونچی ایک سیڑھی والی سلاڈر چاہتی ہے جو زمین سے 60° کا زاویہ بناتی ہے۔ دونوں سلاڈروں کی لمبائی معلوم کیجئے۔

حل: یہاں دیکھا جاسکتا ہے کہ AC اور PR چھوٹے (younger) اور بڑے (elder) بچوں کے سلاڈر ہیں۔



مثلث PQR میں،

$$\frac{PQ}{PR} = \sin 60^\circ \Rightarrow \frac{3}{PR} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow PR = \frac{6}{2\sqrt{3}} = 2\sqrt{3}m$$



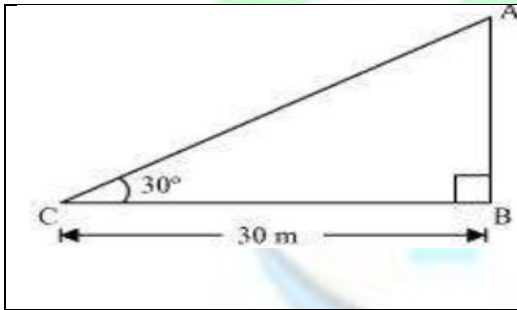
مثلث ABC میں،

$$\frac{AB}{AC} = \sin 30^\circ \Rightarrow \frac{1.5}{AC} = \frac{1}{2} \Rightarrow AC = 3m$$

اس لئے سلائیڈز کی لمبائیاں 3 میٹر اور $2\sqrt{3}$ میٹر ہیں۔

4- زمین پر ایک نقطہ، جو ٹاور کے پایہ سے 30 سینٹی میٹر کے فاصلہ پر ہے، زمین سے ٹاور کی چوٹی کا زاویہ ارتفاع 30° ہے۔ ٹاور کی اونچائی معلوم کیجئے۔

حل:-



فرض کیجئے کہ ٹاور AB ہے اور زمین (C) سے ٹاور کی چوٹی کا زاویہ ارتفاع 30° ہے۔

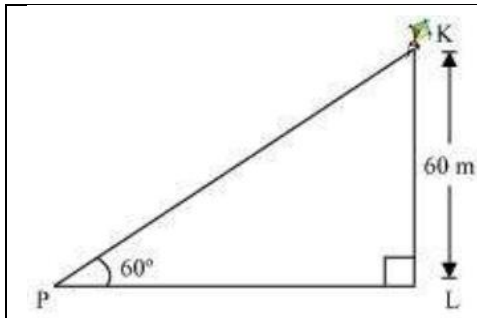
مثلث ABC میں،

$$\frac{AB}{BC} = \tan 30^\circ \Rightarrow \frac{AB}{30} = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow AB = \frac{30}{\sqrt{3}} = 10\sqrt{3}m$$

لہذا ٹاور کی اونچائی $10\sqrt{3}$ میٹر ہے۔

5- ایک پتنگ زمین سے 60 میٹر اونچائی پر اڑ رہی ہے۔ پتنگ سے جڑی ڈور عارضی طور پر زمین پر ایک نقطہ سے باندھ دی گئی ہے ڈور کا زمین پر جھکاؤ 60° ہے ڈور کی لمبائی معلوم کیجئے۔ یہ مانتے ہوئے کہ ڈور میں کوئی جھول نہیں ہے۔

حل:- فرض کیجئے کہ K پتنگ ہے۔ اور ڈور کو نقطہ P سے زمین پر باندھا گیا ہے۔



مثلث KLP میں،

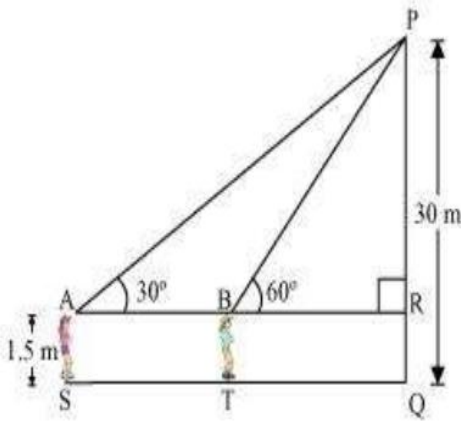
$$\frac{KL}{KP} = \sin 60^\circ \Rightarrow \frac{60}{KP} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow KP = \frac{120}{\sqrt{3}} = 40\sqrt{3}m$$

لہذا ڈور کی لمبائی $40\sqrt{3}$ میٹر ہے

6- 1.5 میٹر اونچائی کا ایک لڑکا 30 میٹر اونچی ایک عمارت سے کچھ فاصلے پر کھڑا ہے۔ جیسے جیسے وہ عمارت کی طرف بڑھتا ہے اس کی آنکھ کا عمارت کی چھت سے زاویہ ارتفاع 30° سے بڑھ کر 60° ہو جاتا ہے۔ اس کے ذریعے عمارت تک طے کیا گیا فاصلہ معلوم کیجئے۔

حل:- فرض کیجئے کہ S لڑکے کا ابتدائی مقام ہے۔ وہ عمارت کی طرف بڑھتا ہے اور نقطہ T تک پہنچتا ہے۔ یہاں دیکھا جاسکتا ہے کہ،

$$PR = PQ - RQ = (30 - 1.5) = 28.5 \text{ m} = \frac{57}{2} \text{ m}$$



مثلاً PAR میں،

$$\frac{PR}{AR} = \tan 30^\circ \Rightarrow \frac{57}{2AR} = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow AR = \frac{57\sqrt{3}}{2} \text{ m}$$

مثلاً PRB میں،

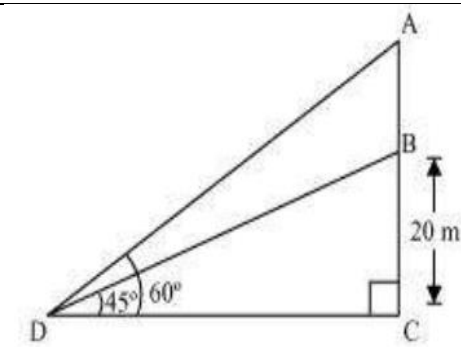
$$\frac{PR}{BR} = \tan 60^\circ \Rightarrow \frac{57}{2BR} = \sqrt{3} \Rightarrow BR = \frac{57}{2\sqrt{3}} = \frac{19\sqrt{3}}{2} \text{ m}$$

$$ST = AB \Rightarrow AR - BR = \left(\frac{57\sqrt{3}}{2} - \frac{19\sqrt{3}}{2} \right) \text{ m} = \frac{38\sqrt{3}}{2} = 19\sqrt{3} \text{ m}$$

اس کے ذریعے عمارت تک طے کیا گیا فاصلہ $19\sqrt{3}$ میٹر ہے۔

7- زمین پر موجود ایک نقطہ سے 20 میٹر اونچی ایک عمارت کے اوپر لگے نشریات کے ایک ٹاور کے نچلے سرے اور اوپری سرے کا زاویہ ارتفاع بالترتیب 45° اور 60° ہے۔ ٹاور کی اونچائی معلوم کیجئے۔

حل:- فرض کیجئے کہ BC عمارت ہے۔ AB نشریات کا ٹاور ہے اور D زمین پر موجود نقطہ ہے جہاں سے زاویے معلوم کئے گئے ہیں۔



مثلاً BCD میں،

$$\frac{BC}{CD} = \tan 45^\circ \Rightarrow \frac{20}{CD} = 1 \Rightarrow CD = 20 \text{ m}$$

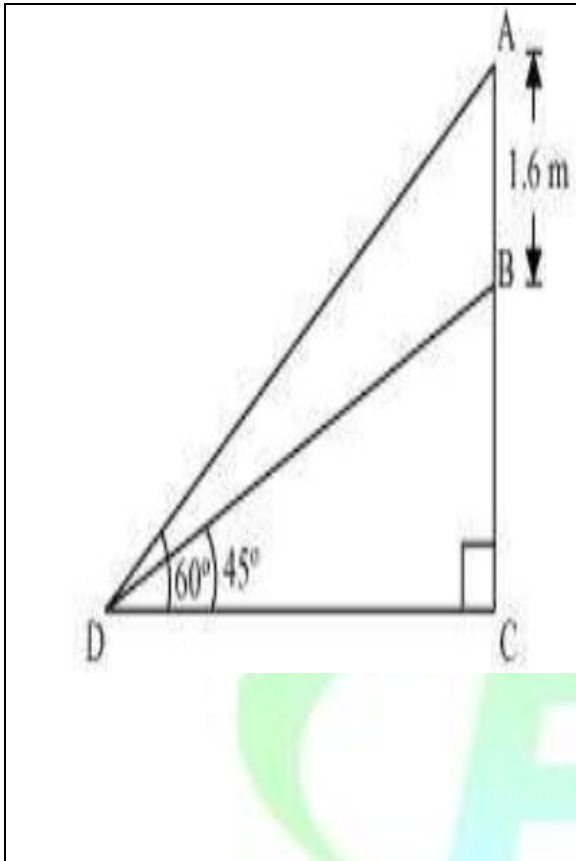
مثلاً ACD میں،

$$\frac{AC}{CD} = \tan 60^\circ \Rightarrow \frac{AB+BC}{CD} = \sqrt{3} \Rightarrow \frac{AB+20}{20} = \sqrt{3} \Rightarrow AB = (20\sqrt{3} - 20) = 20(\sqrt{3} - 1) \text{ m}$$

لہذا نشریاتی ٹاور کی لمبائی $20(\sqrt{3} - 1)$ میٹر ہے۔

8- 1.6 میٹر اونچا ایک مجسمہ ایک پایے کی اوپری چوٹی پر کھڑا ہے۔ زمین پر موجود ایک نقطہ سے مجسمہ کے اوپری سرے کا زاویہ ارتقاع 60° اور اس نقطہ سے پایہ کے اوپری سے کا زاویہ ارتقاع 45° ہے پایہ کی اونچائی معلوم کیجئے۔

حل:- فرض کیجئے کہ AB مجسمہ ہے۔ BC پایہ ہے۔ D زمین پر موجود نقطہ ہے جہاں سے زاویے معلوم کئے گئے ہیں۔



مثالث BCD میں،

$$\frac{BC}{CD} = \tan 45^\circ \Rightarrow \frac{BC}{CD} = 1 \Rightarrow BC = CD$$

مثالث ACD میں،

$$\frac{AB+BC}{CD} = \tan 60^\circ$$

$$\frac{AB+BC}{BC} = \sqrt{3}$$

$$1.6 + BC = BC\sqrt{3}$$

$$BC(\sqrt{3}-1) = 1.6$$

$$BC = \frac{(1.6)(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}+1)}$$

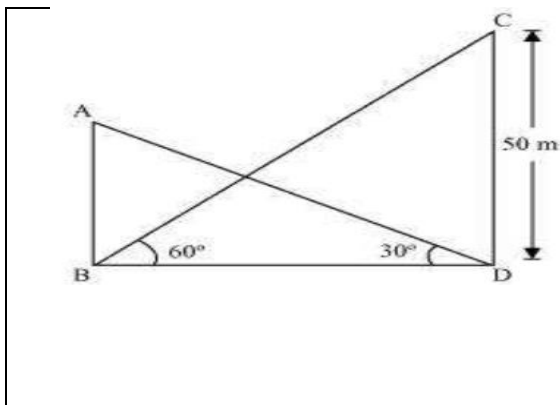
$$= \frac{1.6(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{3})^2 - (1)^2}$$

$$= \frac{1.6(\sqrt{3}+1)}{2} = 0.8(\sqrt{3}+1)$$

لہذا پایہ کی اونچائی $0.8(\sqrt{3}+1)$ میٹر ہے۔

9- ایک عمارت کی چھت کا ایک ٹاور کے پایہ سے زاویہ ارتقاع 30° ہے اور عمارت کے پایہ سے ٹاور کی چوٹی کا زاویہ ارتقاع 60° ہے۔ اگر ٹاور کی اونچائی 50 میٹر ہو تو عمارت کی اونچائی معلوم کیجئے۔

حل:- فرض کیجئے کہ AB عمارت ہے۔ اور CD ٹاور ہے۔



مثالث CDB میں،

$$\frac{CD}{BD} = \tan 60^\circ \Rightarrow \frac{50}{BD} = \sqrt{3} \Rightarrow BD = \frac{50}{\sqrt{3}} m$$

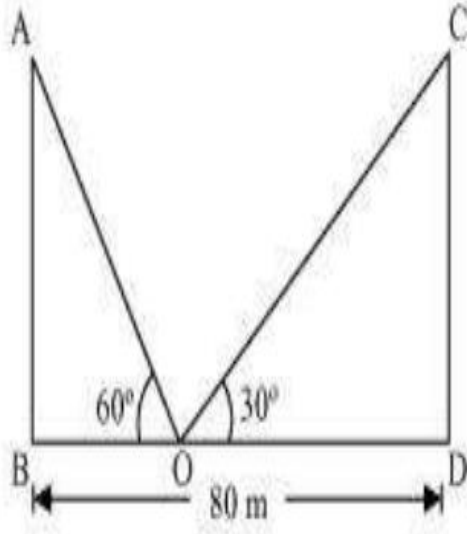
مثالث ABD میں،

$$\frac{AB}{CD} = \tan 30^\circ \Rightarrow AB = \frac{50}{\sqrt{3}} \times \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{50}{3} = 16\frac{2}{3}$$

لہذا عمارت کی اونچائی $16\frac{2}{3}$ میٹر ہے۔

10- مساوی اونچائیوں والے دو پول ایک سڑک کے دونوں طرف کھڑے ہیں، جو 80 میٹر چوڑی ہے، سڑک کے بیچ بیچ ایک نقطہ سے دونوں پول کا زاویہ ارتفاع 60° اور 30° ہے۔ دونوں پول کی اونچائی اور اس نقطہ کا پول سے فاصلہ معلوم کیجئے

حل: فرض کیجئے کہ AB اور CD پول ہیں۔ O زمین پر موجود نقطہ ہے جہاں سے زاویے معلوم کئے گئے ہیں۔



مثلاً ABO میں،

$$\frac{AB}{BO} = \tan 60^\circ \Rightarrow \frac{AB}{BO} = \sqrt{3} \Rightarrow BO = \frac{AB}{\sqrt{3}}$$

مثلاً CDO میں،

$$\begin{aligned} \frac{CD}{DO} = \tan 30^\circ &\Rightarrow \frac{CD}{80 - BO} = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow CD\sqrt{3} = 80 - BO \Rightarrow CD\sqrt{3} = 80 - \frac{AB}{\sqrt{3}} \\ &= CD\sqrt{3} + \frac{AB}{\sqrt{3}} = 80 \end{aligned}$$

کیونکہ دونوں پول مساوی لمبائی رکھتے ہیں۔ AB = CD۔

$$CD = AB$$

$$CD \left[\sqrt{3} + \frac{1}{\sqrt{3}} \right] = 80$$

$$CD \left(\frac{3+1}{\sqrt{3}} \right) = 80$$

$$CD = 20\sqrt{3} \text{ m}$$

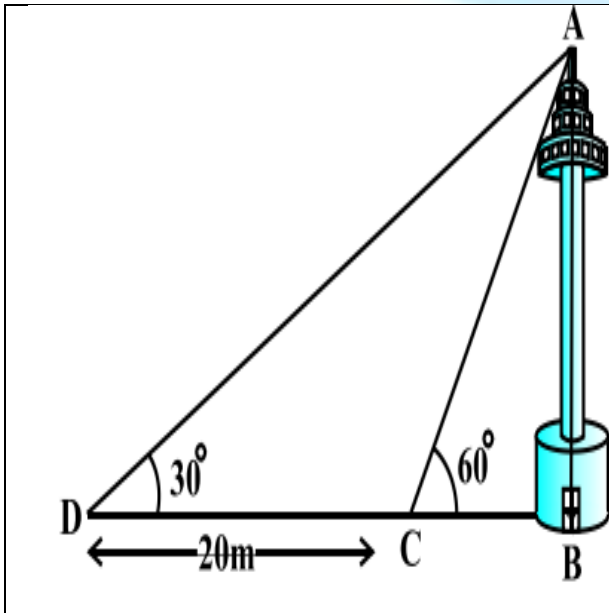
$$BO = \frac{AB}{\sqrt{3}} = \frac{CD}{\sqrt{3}} = \left(\frac{20\sqrt{3}}{\sqrt{3}} \right) \text{ m} = 20 \text{ m}$$

$$DO = BD - BO = (80 - 20) \text{ m} = 60 \text{ m}$$

اس لئے پول کی بلندی $20\sqrt{3}$ میٹر ہے۔ اور نقاط پول سے 20 میٹر اور 60 میٹر دور ہیں۔

11-T.V کا ایک ٹاور ایک نہر کے کنارے پر کھڑا ہے۔ دوسرے کنارے پر ایک نقطہ جو ٹاور کے بالکل مخالف سمت میں ہے ٹاور کی چوٹی کا زاویہ ارتفاع 60° ہے اس نقطہ اور ٹاور کے پایہ کو ملانے والے خط پر ایک اور نقطہ جو پہلے نقطہ سے 20 میٹر کے فاصلہ پر ہے ٹاور کی چوٹی کا زاویہ ارتفاع 30° ہے (شکل دیکھئے)۔ ٹاور کی اونچائی اور نہر کی چوڑائی معلوم کیجئے۔

حل:-



$$\begin{aligned} \frac{AB}{BC} &= \tan 60^\circ \\ \frac{AB}{BC} &= \sqrt{3} \\ BC &= \frac{AB}{\sqrt{3}} \end{aligned}$$

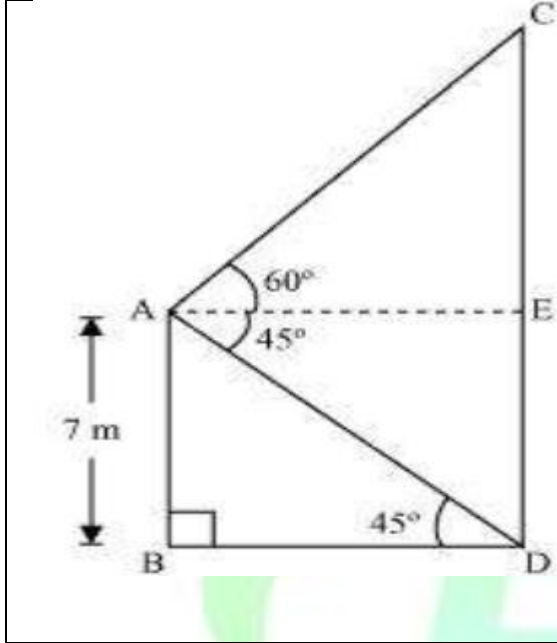
مثلاً ABD میں،

$$\begin{aligned} \frac{AB}{BD} &= \tan 30^\circ \\ \frac{AB}{BC + CD} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \\ \frac{AB}{\frac{AB}{\sqrt{3}} + 20} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \\ \frac{AB\sqrt{3}}{AB + 20\sqrt{3}} &= \frac{1}{\sqrt{3}} \\ 3AB &= AB + 20\sqrt{3} \\ 2AB &= 20\sqrt{3} \\ AB &= 10\sqrt{3} \text{ m} \\ BC &= \frac{AB}{\sqrt{3}} = \left(\frac{10\sqrt{3}}{\sqrt{3}} \right) \text{ m} = 10 \text{ m} \end{aligned}$$

لہذا، ٹاور کی بلندی $10\sqrt{3}$ میٹر ہے اور نہر کی چوڑائی 10 میٹر ہے۔

12- 7 میٹر اونچی ایک عمارت سے ایک کیبل ٹاور کی چوٹی کا زاویہ ارتفاع 60° اور اس کے پایہ کا زاویہ جھکاؤ 45° ہے۔ ٹاور کی اونچائی معلوم کیجئے۔

حل:- فرض کیجئے کہ عمارت AB ہے۔ اور کیبل ٹاور ہے۔



$$\frac{AB}{BD} = \tan 45^\circ$$

$$\frac{7}{BD} = 1$$

$$BD = 7 \text{ m}$$

مثلاً ACE میں،

$$\frac{CE}{AE} = \tan 60^\circ$$

$$\frac{CE}{7} = \sqrt{3}$$

$$CE = 7\sqrt{3} \text{ m}$$

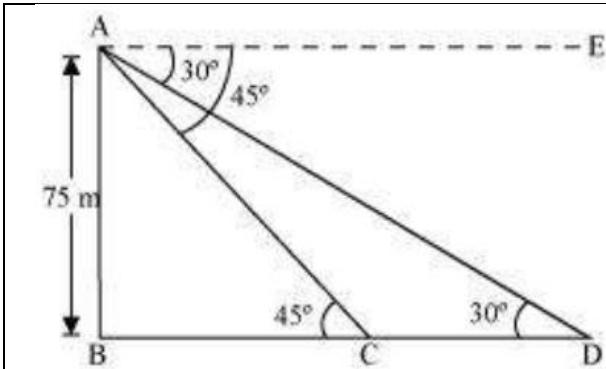
$$CD = CE + ED = (7\sqrt{3} + 7) \text{ m}$$

$$= 7(\sqrt{3} + 1) \text{ m}$$

لہذا کیبل ٹاور کی بلندی $7(\sqrt{3} + 1)$ میٹر ہے۔

13- سمندر سے 75 میٹر اونچی پر واقع ایک لائٹ ہاؤس کی چھت سے دو پانی کے جہازوں کا زاویہ جھکاؤ بالترتیب 30° اور 45° ہے۔ اگر ایک جہاز بالکل دوسرے جہاز کے پیچھے ہے اور دونوں لائٹ ہاؤس کے ایک ہی طرف ہیں تو دونوں کے درمیان فاصلہ معلوم کیجئے۔

حل:- فرض کیجئے کہ لائٹ ہاؤس AB ہے۔ اور دو جہاز نقاط C اور D پر ہیں۔



$$\frac{AB}{BC} = \tan 45^\circ$$

$$\frac{75}{BC} = 1$$

$$BC = 75 \text{ m}$$

مثلاً ABD میں

$$\frac{AB}{BD} = \tan 30^\circ$$

$$\frac{75}{BC + CD} = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$\frac{75}{75 + CD} = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

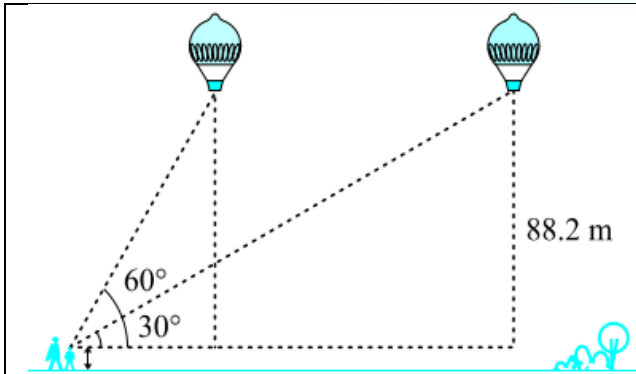
$$75\sqrt{3} = 75 + CD$$

$$75(\sqrt{3} - 1)m = CD$$

لہذا دو جہازوں کا درمیانی فاصلہ $75(\sqrt{3} - 1)$ میٹر ہے۔

14-1.2 میٹر اونچی ایک لڑکی نے اڑتا ہوا غبارہ دیکھا جو ہوا کے ساتھ افقی طور پر ایک خط میں حرکت کر رہا ہے اور زمین سے 88.2 میٹر کی اونچائی پر ہے کسی لمحہ اس غبارہ کا لڑکی کی آنکھ سے زاویہ ارتفاع 60° ہے اور کچھ وقت بعد زاویہ ارتفاع گھٹ کر 30° کا ہو جاتا ہے۔ (شکل دیکھئے) وقفہ کے دوران غبارہ کے ذریعہ طے کیا گیا فاصلہ معلوم کیجئے۔

حل:- فرض کیجئے کہ غبارہ کا ابتدائی مقام لمحوں میں A سے B کو بدلتا ہے۔ CD لڑکی کو ظاہر کرتا ہے۔



مثلاً ACE میں،

$$\frac{AE}{CE} = \tan 60^\circ$$

$$\frac{AF - EF}{CE} = \tan 60^\circ$$

$$\frac{88.2 - 1.2}{CE} = \sqrt{3}$$

$$\frac{87}{CE} = \sqrt{3}$$

$$CE = \frac{87}{\sqrt{3}} = 29\sqrt{3} \text{ m}$$

مثلاً BCG میں،

$$\frac{BG}{CG} = \tan 30^\circ$$

$$\frac{88.2 - 1.2}{CG} = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

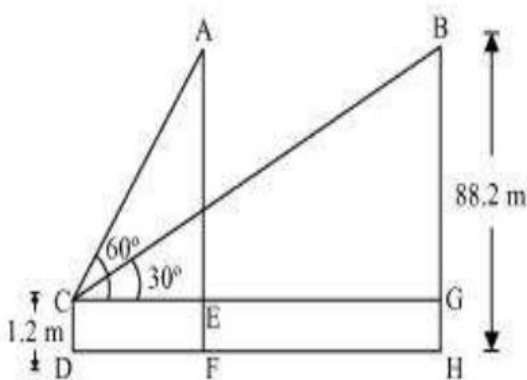
$$87\sqrt{3} \text{ m} = CG$$

غبارہ سے طے شدہ فاصلہ $EG = CG - CE$

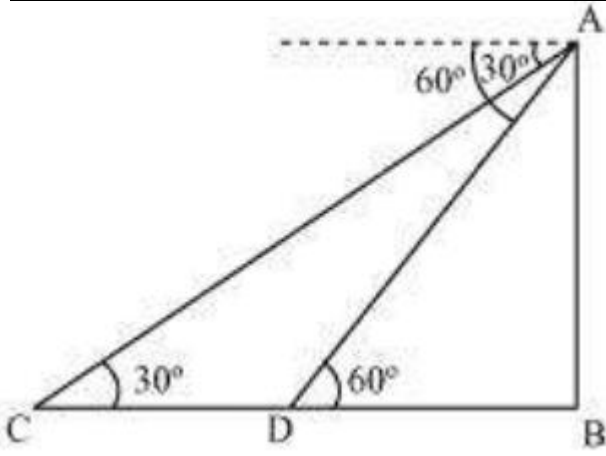
$$= (87\sqrt{3} - 29\sqrt{3}) \text{ m}$$

$$= 58\sqrt{3} \text{ m}$$

غبارہ سے طے شدہ فاصلہ $58\sqrt{3}$ میٹر ہے۔



15- ایک قومی شاہراہ سیدھا ایک ٹاور پر جا کر ختم ہوتی ہے۔ ٹاور کی چوٹی پر کھڑا ہو ایک شخص 30° کے زاویہ جھکاؤ پر ایک کار کا مشاہدہ کرتا ہے جو یکساں رفتار سے اس ٹاور کی طرف بڑھتی چلی آرہی ہے، چھ سکنڈ بعد کار کا زاویہ جھکاؤ 60° ہو جاتا ہے۔ اس نقطہ سے ٹاور کے پایہ تک پہنچنے میں کار کے ذریعے لیا گیا وقت معلوم کیجئے۔
حل:- فرض کیجئے کہ ٹاور AB ہے۔ کار کا ابتدائی مقام C ہے جو 6 سکنڈ بعد D کو بدلتا ہے۔



مثلث ADB میں،

$$\frac{AB}{DB} = \tan 60^\circ$$

$$\frac{AB}{DB} = \sqrt{3}$$

$$DB = \frac{AB}{\sqrt{3}}$$

مثلث ABC میں،

$$\frac{AB}{BC} = \tan 30^\circ$$

$$\frac{AB}{BD + DC} = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$AB\sqrt{3} = BD + DC$$

$$AB\sqrt{3} = \frac{AB}{\sqrt{3}} + DC$$

$$DC = AB\sqrt{3} - \frac{AB}{\sqrt{3}} = AB\left(\sqrt{3} - \frac{1}{\sqrt{3}}\right)$$

$$= \frac{2AB}{\sqrt{3}}$$

فاصلہ DC طے کرنے کے لئے کار سے لیا گیا وقت = $\frac{2AB}{\sqrt{3}}$ = 6 سکنڈ

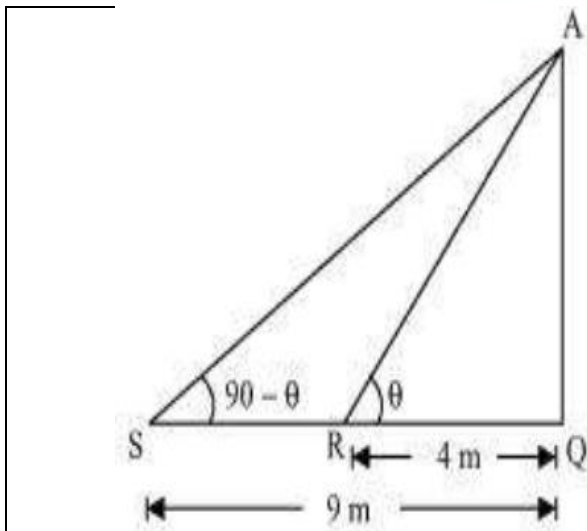
فاصلہ DB طے کرنے کے لئے کار سے لیا گیا وقت

$$\frac{AB}{\sqrt{3}} = \frac{6}{\frac{2AB}{\sqrt{3}}} \times \frac{AB}{\sqrt{3}} = \frac{6}{2} = 3 \text{ sec}$$

16- ٹاور کی چوٹی کا دو نقطوں سے جو ٹاور کے پایہ سے ایک ہی خط مستقیم میں بالترتیب 4 میٹر اور 9 میٹر کے فاصلہ پر ہیں، زاویہ ارتفاع تکمیلی ہیں۔ ثابت کیجئے کہ ٹاور کی اونچائی 6 میٹر ہے۔

حل:- فرض کیجئے کہ ٹاور AQ ہے۔ R اور S دو نقاط ہیں جو ٹاور سے 4 میٹر اور 9 میٹر کے فاصلہ پر ہیں۔

زاویے تکمیلی ہیں۔ لہذا اگر ایک θ ہے تو دوسرا $90 - \theta$ ہوگا۔



مثلث AQR میں،

$$\frac{AQ}{QR} = \tan \theta$$

$$\frac{AQ}{4} = \tan \theta \quad \dots (i)$$

مثلث AQS میں،

$$\frac{AQ}{SQ} = \tan(90 - \theta)$$

$$\frac{AQ}{9} = \cot \theta \quad \dots (ii)$$

مساوات (i) اور (ii) کی ضرب کرنے پر،

$$\left(\frac{AQ}{4}\right)\left(\frac{AQ}{9}\right) = (\tan\theta) \cdot (\cot\theta)$$

$$\frac{AQ^2}{36} = 1$$

$$AQ^2 = 36$$

$$AQ = \sqrt{36} = \pm 6$$

چونکہ اونچائی منفی نہیں ہوتی، تاہر کی لمبائی 6 میٹر ہے۔

